

**Федеральное государственное автономное образовательное учреждение
высшего образования
"Национальный исследовательский университет
"Высшая школа экономики"**

Факультет социальных наук

Программа дисциплины «Дискретная математика для социологов»

для направления 39.03.01 «Социология» подготовки бакалавра

Авторы программы:

Дагаев Д.А., к.ф.-м.н., ddagaev@hse.ru;

Михайлович А.В., к.ф.-м.н., доцент, amikhailovich@hse.ru.

Одобрена на заседании кафедры высшей математики «__»_____ 20 г

Зав. кафедрой Макаров А.А.

Рекомендована секцией УМС [Введите название секции УМС] «__»_____ 20 г

Председатель [Введите И.О. Фамилия]

Утверждена УС факультета [Введите название факультета] «__»_____ 20 г.

Ученый секретарь [Введите И.О. Фамилия] _____ [подпись]

Москва, 2016

Настоящая программа не может быть использована другими подразделениями университета и другими вузами без разрешения кафедры-разработчика программы.



1 Область применения и нормативные ссылки

Настоящая программа учебной дисциплины устанавливает минимальные требования к знаниям и умениям студента и определяет содержание и виды учебных занятий и отчетности.

Программа предназначена для преподавателей, ведущих данную дисциплину, учебных ассистентов и студентов направления 39.03.01 «Социология» изучающих дисциплину «Дискретная математика для социологов».

Программа разработана в соответствии с:

- Образовательной программой «Социология».
- Рабочим учебным планом университета по направлению подготовки 39.03.01 «Социология», утвержденным в 2015г.

2 Цели освоения дисциплины

Целями освоения дисциплины «Дискретная математика для социологов» являются знакомство студентов с основными понятиями и методами двух разделов дискретной математики – комбинаторики и теории графов.

3 Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины

В результате освоения дисциплины студент должен:

- Знать основные понятия и методы комбинаторики и теории графов;
- Уметь формулировать определенный класс теоретических и прикладных социологических задач в терминах дискретной математики;
- Уметь решать комбинаторные задачи и задачи теории графов, а также анализировать полученные решения;
- Иметь необходимые знания и навыки для прослушивания последующих курсов, имеющих как прикладную, так и теоретическую математическую направленность.

В результате освоения дисциплины студент осваивает следующие компетенции:

Компетенция	Код по ФГОС/ НИУ	Дескрипторы – основные признаки освоения (показатели достижения результата)	Формы и методы обучения, способствующие формированию и развитию компетенции
Способен к восприятию, обобщению, анализу информации, постановке цели и выбору путей её достижения	ОК-1	Ориентируется в различных методах решения задач и умеет их выбирать, исходя из конкретных условий	Лекции и семинарские занятия, самостоятельная работа: решение задач, выполнение дополнительных нестандартных заданий
Умеет логически верно, аргументированно и ясно строить устную и письменную речь	ОК-2	Четко и аргументированно излагает решение поставленных задач	Семинарские занятия, самостоятельная работа: решение задач, изложение решений
Готовностью к кооперации с коллегами, к работе в коллективе	ОК-3	Выполняет групповые задания, разделяя работу между всеми участниками группы	Семинарские занятия: обсуждение задач. Самостоятельная работа: групповые задания.
Способен использовать основные законы	ОК-11 ИК-	Демонстрирует умение формулировать задачи на языке	



Компетенция	Код по ФГОС/ НИУ	Дескрипторы – основные признаки освоения (показатели достижения результата)	Формы и методы обучения, способствующие формированию и развитию компетенции
естественнонаучных дисциплин в профессиональной деятельности, применять методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования. Способен описывать проблемы и ситуации профессиональной деятельности, используя язык и аппарат естественно-научных и математических наук для решения профессиональных задач.	Б5.1, ИК-Б5.2	математики в ситуациях, аналогичных изученным, а также находить решения этих задач	



Использование ИКТ для поиска, обработки и систематизации информации.	ИК-Б4.1, ИК-Б4.6	Владеет методами поиска, обработки и систематизации учебной и научной информации в глобальных сетях, электронных библиотеках	Самостоятельная работа: выполнение нестандартных заданий
--	------------------	--	--

4 Место дисциплины в структуре образовательной программы

Настоящая дисциплина относится к циклу математических и естественнонаучных дисциплин и блоку дисциплин, изучаемых по выбору студентами 1 курса подготовки бакалавра по направлению 39.03.01 «Социология».

Изучение данной дисциплины базируется на курсе математики в объеме школьной программы.

Основные положения дисциплины должны быть использованы в дальнейшем при изучении следующих дисциплин:

- Теория вероятностей и математическая статистика
- Теория игр
- Анализ социологических данных 1, 2

5 Тематический план учебной дисциплины

№	Название раздела	Всего часов	Аудиторные часы			Самостоятельная работа
			Лекции	Семинары	Практические занятия	
1	Множества и операции с ними	12	2	2		8
2	Комбинаторика. Основные задачи комбинаторики	12	2	2		8
3	Бином Ньютона. Свойства биномиальных коэффициентов	10	2	2		6
4	Принцип включений и исключений. Диаграммы Эйлера-Венна	12	2	2		8
5	Разбиение натурального числа	12	2	2		8
6	Основные понятия теории графов	10	2	2		6
7	Изоморфизм графов	12	2	2		8
8	Эйлеровы пути и циклы	10	2	2		6
9	Гамильтоновы пути и циклы	12	2	2		8
10	Задача коммивояжера, поиск кратчайшего пути, минимальное остовное дерево и другие задачи на графах	12	2	2		8
	ИТОГО	114	20	20		74



6 Формы контроля знаний студентов

Тип контроля	Форма контроля	1 год		Параметры **
		3	4	
Текущий (неделя)	Контрольная работа	*		Письменная работа 100 минут
Итоговый	Экзамен		*	Письменная работа 100 минут

6.1 Критерии оценки знаний, навыков

Текущий контроль осуществляется на семинарах в форме проверки и обсуждения семинарских домашних заданий и решения семинарских задач. Оценка за семинары выставляется с учетом активности студента на занятиях, выполнения им семинарских домашних и аудиторных работ. Оценки по всем формам текущего контроля выставляются по 10-ти балльной шкале.

Выдача семинарских домашних заданий осуществляется дистанционно. Результаты проверки домашнего задания, контрольной работы и итоговой контрольной работы рассылаются по электронной почте.

6.2 Порядок формирования оценок по дисциплине

Преподаватель оценивает работу студентов на семинарских и практических занятиях и самостоятельную работу студентов: оценивается активность студентов в процессе проверки и обсуждений семинарских домашних заданий и решения семинарских задач. Оценки за работу на семинарских и практических занятиях преподаватель выставляет в рабочую ведомость. Накопленная оценка по 10-ти балльной шкале за работу на семинарских и практических занятиях определяется перед промежуточным или итоговым контролем - $O_{аудиторная}$.

Накопленная оценка за текущий контроль учитывает результаты студента по текущему контролю следующим образом:

$$O_{текущий} = 0.5 \cdot O_{к/р} + 0.5 \cdot O_{дз};$$

Способ округления накопленной оценки текущего контроля: в пользу студента.

Результирующая оценка за промежуточный (итоговый) контроль в форме зачета выставляется по следующей формуле, где $O_{зачет}$ – оценка за работу непосредственно на зачете:

$$O_{итоговый} = 0.4 \cdot O_{зачет} + 0.4 \cdot O_{текущий} + 0.2 \cdot O_{аудиторная}$$

Способ округления накопленной оценки итогового контроля в форме зачета: в пользу студента.

В диплом ставится оценка за итоговый контроль, которая является результирующей оценкой по учебной дисциплине.

7 Содержание дисциплины

1. Множества и операции с ними.

Множество, элементы множества, подмножества. Равенство множеств. Мощность множества. Пустое множество. Основные операции с множествами: объединение, пересечение, разность, дополнение, симметрическая разность. Простейшие свойства операций с множествами.

Литература:

1. Верещагин Н.К., Шень А. Начала теории множеств. М.: МЦНМО, 2002. Разделы 1.1 и 1.2.
2. Андреева Т.В. Методические указания по курсу «Дискретная математика для социологов». М.: ГУ ВШЭ, 2007. Часть I. §1.

2. Комбинаторика. Основные задачи комбинаторики.

Правило суммы и правило произведения. Размещения без повторений и размещения с повторениями. Перестановки. Сочетания. Число сочетаний.

Литература:

1. Андреева Т.В. Методические указания по курсу «Дискретная математика для социологов». М.: ГУ ВШЭ, 2007. Часть I. §§1-4.
2. Гаврилов Г.П., Сапоженко А.А. Задачи и упражнения по дискретной математике. М.: Физматлит, 2005. Глава VIII, §1.

3. Бином Ньютона. Свойства биномиальных коэффициентов.

Бином Ньютона и биномиальные коэффициенты. Связь биномиальных коэффициентов с числом сочетаний. Свойства биномиальных коэффициентов.

Литература:

1. Андреева Т.В. Методические указания по курсу «Дискретная математика для социологов». М.: ГУ ВШЭ, 2007. Часть I. §5.
2. Гаврилов Г.П., Сапоженко А.А. Задачи и упражнения по дискретной математике. М.: Физматлит, 2005. Глава VIII, §1.

4. Принцип включений и исключений. Диаграммы Эйлера-Венна.

Принцип включений – исключений. Формула включений – исключений. Графическое представление пересекающихся множеств с помощью диаграмм Эйлера-Венна.

Литература:

1. Андреева Т.В. Методические указания по курсу «Дискретная математика для социологов». М.: ГУ ВШЭ, 2007. Часть I. §7.
2. Гаврилов Г.П., Сапоженко А.А. Задачи и упражнения по дискретной математике. М.: Физматлит, 2005. Глава VIII, §2.

5. Разбиения натурального числа.

Представление натурального числа в виде суммы натуральных чисел. Количество целочисленных решений уравнения $x_1 + \dots + x_k = n$.

Литература:

1. Андреева Т.В. Методические указания по курсу «Дискретная математика для социологов». М.: ГУ ВШЭ, 2007. Часть I. §6.

6. Основные понятия теории графов.

Граф, ребра графа, вершины графа. Графы неориентированные и ориентированные. Отношения смежности и инцидентности. Неориентированный полный граф. Ориентированный полный граф. Полный граф. Расширения понятия графа (петли, несколько ребер). Простой граф. Конечный граф. Изоморфные графы. Степени вершин. Пути и циклы. Связность.

Подграфы. Связные компоненты (или компоненты связности). Деревья. Остовное дерево (каркас).

Литература:

1. Андреева Т.В. Методические указания по курсу «Дискретная математика для социологов». М.: ГУ ВШЭ, 2007. Часть II. §9.
2. Оре О. Графы и их применение. М.: Мир, 1965. Глава I.
3. Гаврилов Г.П., Сапоженко А.А. Задачи и упражнения по дискретной математике. М.: Физматлит, 2005. Глава VI, §1.

7. Изоморфизм графов.

Понятие о взаимно-однозначном соответствии и изоморфизме. Изоморфные графы. Необходимые условия изоморфности неориентированных графов.

Литература:

1. Андреева Т.В. Методические указания по курсу «Дискретная математика для социологов». М.: ГУ ВШЭ, 2007. Часть II. §11.
2. Оре О. Графы и их применение. М.: Мир, 1965. Глава I, §3.
3. Гаврилов Г.П., Сапоженко А.А. Задачи и упражнения по дискретной математике. М.: Физматлит, 2005. Глава VI, §1.

8. Эйлеровы пути и циклы.

Задача о кенигсбергских мостах. Эйлеровы пути и циклы. Теорема о существовании эйлеровых путей и циклов в графе. Алгоритм построения эйлеровых циклов.

Литература:

1. Оре О. Графы и их применение. М.: Мир, 1965. Глава II, §§1-4.

9. Гамильтоновы пути и циклы.

Сложность задачи проверки существования гамильтонова цикла. Задача обхода шахматной доски конем.

Литература:

1. Оре О. Графы и их применение. М.: Мир, 1965. Глава II, §§5,6.

10. Задача коммивояжера и другие задачи на графах.

Задача коммивояжера. Точные методы решения задачи и «быстрые», но неточные алгоритмы.

Литература:

1. Мудров В.И. Задача о коммивояжере. М.: Знание, 1969.

8 Образовательные технологии

Основные образовательные технологии включают в себя:

- лекции и семинарские занятия;
- групповые проекты и презентации работ групп.

9 Оценочные средства для текущего контроля и аттестации студента

9.1 Примерные вопросы для оценки качества освоения дисциплины

1. Докажите, что для любых конечных множеств A , B , C выполняется соотношение $(A \cap B) \cap C = A \cap (B \cap C)$.
2. Сколькими способами в високосном году могут распределиться дни рождения студентов группы, состоящей из 25 человек?

3. Сколько различных 10-буквенных слов (возможно, бессмысленных) можно составить из букв слова СОЦИОЛОГИЯ, если каждую букву разрешается использовать ровно по одному разу?
4. В выражении $(2+x)^{100}$ раскрыли скобки и привели подобные слагаемые. Чему равен коэффициент при x^{95} ?
5. В ходе социологического исследования выяснилось, что 70% респондентов читают газету *A*, 60% - газету *B*, 50% - газету *C*, 30% - газеты *A* и *B*, 30% - газеты *B* и *C*, 20% - газеты *A* и *C*, 10% - газеты *A*, *B* и *C*. Постройте диаграмму Эйлера-Венна. Сколько респондентов читают хотя бы две газеты? Сколько респондентов читают ровно две газеты?
6. Построить все попарно неизоморфные графы, содержащие 4 вершины и не имеющие петель и кратных ребер.
7. Сколько ребер в полном графе, содержащем n вершин?
8. По заданному графу определить, существует ли в нем эйлеров цикл.
9. Привести пример графа, для которого «жадный» алгоритм решения задачи коммивояжера приводит к неоптимальному решению.

10 Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

10.1 Базовый учебник

Андреева Т.В. Методические указания по курсу «Дискретная математика для социологов». Москва: ГУ ВШЭ, 2007.

10.2 Основная литература

1. Гаврилов Г.П., Сапоженко А.А. Задачи и упражнения по дискретной математике. Москва: Физматлит, 2005.
2. Оре О. Графы и их применение. Москва: Мир, 1965.

10.3 Дополнительная литература

1. Верещагин Н.К., Шень А. Начала теории множеств. Москва: МЦНМО, 2002.
2. Лавров И.А. Математическая логика. Москва: Издательский центр «Академия», 2006.
3. Виленкин Н.Я. Популярная комбинаторика. Москва: Наука, 1975.
4. Оре О. Москва: Наука, 1989.
5. Мудров В.И. Задача о коммивояжере. Москва: Знание, 1969.
6. Редькин Н.П. Дискретная математика. Москва: Физматлит, 2009

11 Материально-техническое обеспечение дисциплины

Для лекций и семинаров может быть использован проектор.