# Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования "Национальный исследовательский университет "Высшая школа экономики"

Факультет социальных наук

# Программа дисциплины «Многомерный статистический анализ»

для направления 41.03.04 «Политология» подготовки бакалавра

Авторы программы: Камалова Р. У., преподаватель ( <u>rkamalova@hse.ru</u> ) Сальникова Д.В., преподаватель ( <u>dsalnikova@hse.ru</u> )			
Одобрена на заседании кафедры высшей математики Зав. кафедрой к.фм.н., проф. Макаров А.А.	<u>«</u>	<u> </u>	2017 г.
Рекомендована секцией УМСПредседатель	.« <u></u>	_»	2017 г.
Утверждена УС факультета прикладной политологии Ученый секретарь		<u> </u>	2017 г.



#### 1 Область применения и нормативные ссылки

Настоящая программа учебной дисциплины устанавливает минимальные требования к знаниям и умениям студента и определяет содержание и виды учебных занятий и отчетности.

Программа предназначена для преподавателей, ведущих данную дисциплину, учебных ассистентов и студентов направления 41.03.04 «Политология» подготовки бакалавра, изучающих дисциплину «Многомерный статистический анализ».

#### 2 Цели освоения дисциплины

Цель освоения дисциплины «Многомерный статистический анализ» – выработать базовые компетенции по решению задач, связанных с анализом эмпирических данных с помощью методов многомерной статистики.

В соответствии с поставленной целью, курс решает следующие задачи:

- а) формирование у студентов знания понятий и идей, лежащих в основе многомерной математической статистики;
- б) освоение основных статистических моделей социально-экономических и политических процессов и явлений;
- в) овладение основными методами многомерной математической статистики, позволяющими решать различные социально-экономические и политологические исследовательские задачи;
- г) формирование у студентов понимания перспектив использования статистических методов анализа данных в прикладной политологии.

### 3 Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины

В результате освоения дисциплины студент должен:

- а) владеть методами многомерной статистики в объеме данной программы;
- б) уметь применять изученные в рамках дисциплины методы многомерной статистики к решению содержательных социально-экономических и политологических задач в соответствующем программном обеспечении и содержательно интерпретировать полученные результаты;
- в) также знать обязательную литературу в полном объеме.

Компетенция	Код по ФГОС / НИУ	Дескрипторы – основные признаки освоения (показатели достижения результата)	Формы и методы обучения, способствующие формированию и развитию компетенций	
Свободное владение литературной и деловой письменной и устной речью на русском языке, навыками публичной и научной речи; умение создавать и редактировать тексты профессионального назначения, анализировать логику рассуждений и высказываний	ОК-2	Демонстрирует способность к критическому анализу исследований, представлению результатов самостоятельного анализа данных в виде статьи	Текущие домашние задания: чтение и критический анализ научных статей с последующим обсуждением на семинарах Домашнее задание: самостоятельное исследование с использованием изученных методов	



Владение иностранным языком на уровне, достаточном для профессионального общения; для поиска и анализа иностранных источников информации	ОК-3	Владеет английским языком на уровне, достаточном для чтения научных статей в зарубежных журналах	Текущие домашние задания: чтение и критический анализ научных статей с последующим обсуждением на семинарах  Домашнее задание: подготовка обзора литературы для проведения самостоятельного исследования
Понимание основных положений и методов социальных, гуманитарных и экономических наук, способность использовать их при решении социальных и профессиональных задач, способность анализировать значимые социальные и экономические проблемы и процессы	OK-11	Применяет полученные знания из области социальных, гуманитарных и экономических наук для критического анализа статей, постановки исследовательской задачи и последующей интерпретации полученных результатов исследования	Домашнее задание: постановка исследовательской задачи, интерпретация полученных результатов исследования
Способность применять методы математического анализа и моделирования для решения задач профессиональной деятельности	OK-12	Применяет изученные в рамках курса методы многомерного статистического анализа, интерпретирует полученные результаты	Семинарские занятия и домашние задания
Способность к участию в научных исследованиях политических процессов и отношений, владение методами анализа и интерпретации представлений о политических явлениях на различных уровнях организации мира	ПК-1	Применяет полученные знания о политических явлениях при проведении самостоятельного исследования	Эссе: проведение самостоятельного исследования

#### 4. Место дисциплины в структуре образовательной программы

Для указанного направления подготовки дисциплина является обязательной. Изучение данной дисциплины базируется на следующих дисциплинах:

• «Теория вероятностей и математическая статистика» (1 курс)



• «Вероятностно-статистические модели в политологии» (2 курс),

Основные положения дисциплины должны быть использованы в дальнейшем при изучении следующих дисциплин:

- «Политический анализ»
- «Политическая регионалистика»
- «Оценка эффективности мер социальной политики государства»
- «Коллективный выбор: теория и эмпирические исследования»

#### 5. Тематический план учебной дисциплины

No	Наименование разделов	Всего	Аудитор	ные часы	Самостоятельная
TISSENS SAMINE PASSENS		часов	Лекции	Семинары	работа
1	Снижение размерности признакового пространства	80	12	18	50
2	Методы классификации	58	8	10	40
3	Анализ панельных данных	90	12	18	60
	итого	228	32	46	150

#### 6 Формы контроля знаний студентов

Тип	Форма контроля	1 год			Параметры	
контроля		1	2	3	4	
	Контрольная работа	*				Письменная работа 80 минут
Текущий	Эссе		*			Выполненное самостоятельно студентом исследование посредством изученных методов многомерного статистического анализа



				Объем домашнего задания: 20000 – 40000 знаков с пробелами.
Итоговый	Экзамен	*		Письменная работа (160 минут)

#### 6.1 Критерии оценки знаний, навыков

Оценки за домашние задания и зачет выставляются, исходя из следующих критериев:

- правильность решения задачи (корректный выбор метода/методов),
- полнота решения задачи (понимание допущений для реализации метода/методов, оценка качества полученных результатов),
- наличие и корректность интерпретации полученных результатов.

Оценки по всем формам текущего и итогового контроля выставляются по 10-ти балльной шкале.

Письменный экзамен состоит из двух частей: письменной и работы за компьютером. В письменной части будут представлены задачи, проверяющие базовые навыки и элементарные компетенции. Для работы за компьютером будут представлены задания, предполагающие проверку способностей и применять к решению содержательных задач методы многомерного статистического анализа (используя R), а также формулировать содержательные выводы (в том числе в форме кратких ответов на вопросы преподавателя).

#### 7 Содержание дисциплины

### <u>Тема 1. Снижение размерности многомерного признакового пространства (построение индексов)</u>

Индекс как результат снижения размерности многомерного признакового пространства. Объяснение потребности в индексах. Размерность каких признаковых пространств может быть снижена? Постановка задачи метода главных компонент (МГК). Ковариационная / корреляционная матрица как основной объект. Алгоритм МГК.

Главная компонента vs. среднее. Свойства главных компонент (взаимная ортогональность; наименьшее искажение геометрической структуры данных, наименьшая ошибка автопрогноза). Оценка качества снижения размерности: доля объясненной вариации и понятие информативность главной компоненты, методы Г. Кайзера и Р.Б. Кеттелла.

Факторный анализ. Разведывательный и конфирматорный факторный анализ.

Введение в моделирование структурными уравнениями.

#### Основная литература:

Principal Component Analysis. In *Analysis of Multivariate Social Science Data* edited by David J. Batholomew, Fiona Steele, Irini Moustaki and Jane I. Galbraith. Boca Raton, London, New York: CRC Press, 2008. Pp. 117 – 144.

Jolliffe I.T. 2002. Principal Component Analysis. New York: Springer. Chapters 1, 6. Айвазян С.А., Мхитарян В.С. Прикладная статистика. Основы эконометрики. Т.1: Теория вероятностей и прикладная статистика. - М.: ЮНИТИ, 2001. - С. 520 – 550.



#### Дополнительная литература

Дубров А.М., Мхитарян В.С., Трошин Л.И. Многомерные статистические методы. – М.: Финансы и статистика, 2003. - 352 с.

#### Тема 2. Методы классификации

Классификация как одна из общенаучных задач. Типология задач классификации: с обучением и без обучения, параметрическая и непараметрическая постановка задачи.

Постановка задачи иерархической кластеризации. Понятия расстояния и его свойства. Виды расстояний и проблема их выбора. Понятие типа (алгоритма) агломерации и его виды. Проблема выбора алгоритма агломерации. Определение числа кластеров в задаче иерархического кластерного анализа (дендрограмма и сосульчатая диаграмма (icicle plot)). Проблема устойчивости результатов. Применение кластерного анализа к классификации поведения объектов в динамике. Методы валидизации результатов кластеризации: дисперсионный анализ, лепестковые диаграммы.

Расщепление смесей вероятностных распределений – параметрический метод без обучения. Условия применимости, оценивание параметров распределений и решение о групповой принадлежности единиц наблюдения.

Дискриминантный анализ – параметрический метод с обучающей выборкой. Дискриминантные функции. Линейный дискриминантный анализ Фишера. Проверка допущений о равенстве ковариационных матриц. Интерпретация коэффициентов дискриминантных функций. Сравнение с моделями дискретного выбора.

#### Основная литература:

Cluster Analysis. In *Analysis of Multivariate Social Science Data* edited by David J. Batholomew, Fiona Steele, Irini Moustaki and Jane I. Galbraith. Boca Raton, London, New York: CRC Press, 2008. Pp. 17 – 53.

Gore Paul A., Jr. Cluster Analysis. In *Handbook of Applied Multivariate Statistics and Mathematical Modeling*. Academic Press, 2000. Pp. 297 – 321.

Айвазян С.А., Мхитарян В.С. Прикладная статистика и основы эконометрики. Т.1: Теория вероятностей и прикладная статистика. – М.: ЮНИТИ, 2001 – С. 471 – 478, 479 – 488, 488 – 518.

Centellas, Miguel and Mihaiela Ristei Gugiu. (2013). The Democracy Cluster Classification Index. Political Analysis, 21: 334–349.

#### Дополнительная литература

Дубров А.М., Мхитарян В.С., Трошин Л.И. Многомерные статистические методы. – М.: Финансы и статистика, 2003. - C. 241 - 254.

Ким О. Дж., и др. Факторный, дискриминантный и кластерный анализ. — М.: Финансы и статистика, 1989. — с. 78-138, 139-209.

Rui Xu, Don Wunsch. Clustering. Wiley-IEEE Press, 2009. Pp. 1-110.



Tabachnick, B. G., and Fidell, L. S. Using Multivariate Statistics, 6th ed. Boston: Allyn and Bacon. 2013, Pp. 377-438.

#### Тема 3. Анализ панельных данных

Панельная структура данных VS пространственно-временные данные (time-series cross-section data). Модель с фиксированными эффектами. Внутригрупповое преобразование. Модель со случайными эффектами. Выбор адекватной модели: F-тест, тест множителей Лагранжа Бреуша-Пагана, тест Хаусмана.

Обобщенный метод наименьших квадратов (GLS). Реализуемый обобщенный метод наименьших квадратов. Панельно-скорректированные стандартные ошибки.

Пространственная корреляция: суть, условия возникновения, последствия. Тест Pesaran. Тест Frees.

Временная автокорреляция. Последствия автокорреляции. Диагностика: статистика Дарбина-Уотсона, тест Бреуша-Годфри. Подход к автокорреляции в рамках классической эконометрической школы (serial correlation as a nuisance). Процедура Кохрейна-Оркатта, процедура Прайс-Уинстена. Стандартные ошибки Ньюи-Уэста.

Динамические модели. Функция импульсного отклика. Модели с включением лагированных независимых переменных. Модели с включением лагированного отклика в качестве предиктора. Процедура Ареллано – Бонда. Обобщенный метод моментов.

#### Основная литература

Allison P. 2009. Fixed Effects Regression Models. Thousand Oaks, CA: Sage Publications. Pp. 1 – 27.

Beck N., Katz J. N. (1995). What to Do (and Not to Do) with Time-Series-Cross-Section Data in Comparative Politics. American Political Science Review, Vol. 89, Issue 3, pp. 634 – 647.

Beck N., Katz J. N. (2011). Modeling Dynamics in Time-Series-Cross-Section Political Economy Data. Annual Review of Political Science, Vol. 14. Pp. 331 – 352.

Gujarati, D.N. Basic econometrics. New York McGraw-Hill, 2003

#### Дополнительная литература

Вербик М. Путеводитель по современной эконометрике. Пер. с англ. В. А. Банникова. Под науч. ред. и предисл. С.А. Айвазяна. – М.: Научная книга, 2008.

Ратникова Т.А., Фурманов К.К. Анализ панельных данных и данных о длительности состояний. Уч. Пособие. – М.: изд. Дом Высшей школы экономики, 2014.

Boef de S., Keele L. (2008). Taking Time Seriously. American Journal of Political Science, Vol. 52, No. 1, pp. 184 – 200.

Green D. P., Kim S.Y., Yoon D.H. (2001). Dirty Pool. International Organization. Vol. 55, No.2, pp. 441 – 468.



Hoyos R., Sarafidis V. (2006). Testing for Cross-Sectional Dependence in Panel-Data Models. The Stata Journal. Vol. 6, No. 4. Pp. 482 – 496.

#### 8 Образовательные технологии

Занятия проводятся в форме лекций и практических занятий в компьютерном классе.

### 9 Оценочные средства для текущего контроля и аттестации студента 9.1 Тематика заданий текущего контроля

#### Домашняя работа

Домашнее задание – самостоятельная (индивидуальная) письменная работа по результатам поиска и изучения соответствующей литературы и анализа массива политологических и социально-экономических данных с использованием изученных методов многомерной статистики.

Рекомендуемый объем домашнего задания – 15-35 тыс. символов с пробелами.

Структура домашнего задания в обязательном порядке должна включать в себя следующие разделы:

- 1. Аннотация (от 500 до 800 знаков с пробелами)
- 2. Введение (постановка задачи, обзор литературы и краткая «приманка» для читателя в виде формулировки основных полученных в работе результатов)
- 3. Гипотезы (формулируются и обосновываются гипотезы работы)
- 4. Данные и используемые методы (описываются имеющиеся данные и используемые методы; выбор методов обосновывается)
- 5. Результаты (в табличной форме, соответствующей зарубежным публикационным стандартам, представляются полученные результаты, а также предлагается их интерпретация)
- 6. Обсуждение полученных результатов (описывается, в какой мере полученные результаты соответствуют существующей литературе; обсуждаются возможные причины расхождений; обсуждается устойчивость полученных результатов к изменению массива данных и изменению методов анализа)
- 7. Заключение (формулируются выводы работы, обсуждаются теоретические следствия из полученных выводов, указываются возможные направления дальнейшего уточнения результатов)
- 8. Список использованной литературы

Оцениваются адекватность формулировки задачи/проблемы, соответствие заявленных для проверки гипотез сформулированной задаче, корректность подбора методов и интерпретации результатов, обоснованность выводов. Обращайте внимание на грамотность русского языка и корректность использования терминов, аккуратность оформления, в т.ч. библиографии.

Если объем и характер заимствования, оформленного в виде ссылки, ставят под сомнение самостоятельность выполнения работы, преподаватель действует в соответствии с п. 2.5 Положения о плагиате НИУ ВШЭ.

Задание выполняется в R.

Оценка выставляется по 10-балльной шкале.

К работе также необходимо приложить массив данных, R-script.

#### 9.2 Примерные вопросы для оценки качества освоения дисциплины



- 1. В чем заключается проблема смещения самоотбора при анализе панельных данных? Проиллюстрируйте свой ответ примером.
- 2. Назовите допущения модели со случайными эффектами (как допущения об индивидуальных эффектах  $u_i$ , так и о следующей составляющей случайной ошибки  $e_{it}$ ).
- 3. Обозначьте недостатки оценивания модели посредством РОМНК (FGLS).
- 4. Каковы последствия гетероскедастичности без коррекции стандартных ошибок или реализации ОМНК (GLS)?
- 5. Для чего используются панельно-скорректированные стандартные ошибки: какие проблемы они позволяют решить?
- 6. В чем заключается проблема пространственной корреляции?
- 7. Опишите способы диагностики автокорреляции.
- 8. Почему нельзя включать лаги отклика в модель с фиксированными эффектами в условиях недостаточного количества временных периодов? (иными словами, к чему это приводит?)
- 9. Покажите посредством построения соответствующей функции импульсного отклика, что включение лага отклика (у) в модель означает, что эффект независимой переменной (х) бесконечен.
- 10. Для решения какой задачи применяется кластерный анализ?
- 11. Сформулируйте свойства, которым должно удовлетворять любое расстояние. Какое из этих свойств выполняется не всегда (например, в психологических исследованиях)?
- 12. Какие виды метрики (расстояний) Вам известны?
- 13. Какую метрику следует использовать при кластеризации количественных признаков методом Варда (Ward)?
- 14. Какую метрику Вы бы предложили использовать для кластеризации выборки женщин по следующим переменным: курение табака (да, нет), семейный статус (не замужем, замужем/проживаем совместно, разведена, вдова), количество детей, должность (руководящая, не руководящая)? Объясните почему. Напишите формулу для расчета.
- 15. Почему не очень осмысленно применять алгоритмы кластерного анализа для классификации объектов в одномерном или двумерном признаковом пространстве?
- 16. Назовите основные требования, необходимые для реализации процедуры расщепления смеси вероятностных распределений.
- 17. Назовите задачи, которые решает метод главных компонент (МГК).
- 18. Дайте определение главной компоненте.
- 19. Чему равен коэффициент корреляции между главными компонентами?
- 20. Для какого из наборов данных процедура МГК, основанная на ковариационной матрице исходных признаков, не может быть применена по техническим причинам?
  - возраст; размер заработной платы; среднее количество часов, проверенное в интернете в день
  - размер заработной платы; общее количество лет обучения, включая школу; количество рабочих часов в неделю
  - размер заработной платы; общее количество лет обучения, включая школу; количество рабочих часов в неделю; характер занятости (самозанятость, работа по найму, госслужба)
  - доля затрат на образование; размер ВВП/чел.; уровень младенческой смертности
  - уровень безработицы; размер ВВП/чел.; размер дефицита гос. бюджета.

- 21. Опишите методы Г. Кайзера (1974 г.) и Р.Б. Кеттелла (1966 г.) определения числа главных компонент извлекаемых из набора признаков, подлежащих анализу методом главных компонент.
- 22. Чем отличаются конфирматорный и разведывательный факторный анализ?
- 23. Чем отличается факторный анализ от метода главных компонент?

#### 10 Порядок формирования оценок по дисциплине

Преподаватель оценивает работу студентов на практических занятиях: активность в дискуссиях, правильность решения задач на семинаре, правильность и своевременность решения задач в текущих домашних заданиях и прочих заданиях, которые выдаются на семинарских занятиях. Оценки за работу на практических занятиях преподаватель выставляет в рабочую ведомость.

Накопленная оценка по 10-ти балльной шкале за работу на семинарских и практических занятиях определяется перед итоговым контролем. Накопленная оценка учитывает результаты студента по текущему контролю следующим образом:

Онакопл. =  $k\kappa/p \cdot O\kappa/p + k \ni cce \cdot Od/3 + kayd \cdot Oayd$ .,

где  $k\kappa/p = 0.2$ ,  $k \ni cce = 0.5$ ,  $kay \partial = 0.3$ .

Округление каждого компонента накопленной оценки производится в соответствии с правилами математики и происходит до расчета накопленной оценки. Округление накопленной оценки также производится в соответствии с правилами математики.

Результирующая оценка за дисциплину рассчитывается следующим образом:

Орезульт = Онакопл. + Оэкзамен,

где kнакопл. = 0.5, kэкзамен = 0.5.

Округление результирующей оценки также производится в соответствии с правилами математики.

В диплом выставляется результирующая оценка по учебной дисциплине.

## 11 Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины 11.1 Базовые учебники

Айвазян С.А., Мхитарян В.С. Прикладная статистика и основы эконометрики. Т.1: Теория вероятностей и прикладная статистика. – М.: ЮНИТИ, 2001.

Allison P. 2009. Fixed Effects Regression Models. Thousand Oaks, CA: Sage Publications. Pp. 1 – 27.

*Analysis of Multivariate Social Science Data*, edited by David J. Batholomew, Fiona Steele, Irini Moustaki and Jane I. Galbraith. Boca Raton, London, New York: CRC Press, 2008.

Beck N., Katz J. N. (1995). What to Do (and Not to Do) with Time-Series-Cross-Section Data in Comparative Politics. American Political Science Review, Vol. 89, Issue 3, pp. 634 – 647.

Beck N., Katz J. N. (2011). Modeling Dynamics in Time-Series-Cross-Section Political Economy Data. Annual Review of Political Science, Vol. 14. Pp. 331 – 352.

Centellas, Miguel and Mihaiela Ristei Gugiu. (2013). The Democracy Cluster Classification Index. Political Analysis, 21: 334–349.



Gore Paul A., Jr. Cluster Analysis. In *Handbook of Applied Multivariate Statistics and Mathematical Modeling*. Academic Press, 2000. Pp. 297 – 321.

Gujarati, D.N. Basic econometrics. New York McGraw-Hill, 2003

Jolliffe I.T. 2002. Principal Component Analysis. New York: Springer.

#### 11.2 Дополнительная литература

Вербик М. Путеводитель по современной эконометрике. Пер. с англ. В. А. Банникова. Под науч. ред. и предисл. С.А. Айвазяна. – М.: Научная книга, 2008.

Дубров А.М., Мхитарян В.С., Трошин Л.И. Многомерные статистические методы. – М.: Финансы и статистика, 2003. - C. 241 - 254.

Ким О. Дж., и др. Факторный, дискриминантный и кластерный анализ. — М.: Финансы и статистика, 1989. — с. 78-138, 139-209.

Ратникова Т.А., Фурманов К.К. Анализ панельных данных и данных о длительности состояний. Уч. Пособие. – М.: изд. Дом Высшей школы экономики, 2014.

Boef de S., Keele L. (2008). Taking Time Seriously. American Journal of Political Science, Vol. 52, No. 1, pp. 184 – 200.

Green D. P., Kim S.Y., Yoon D.H. (2001). Dirty Pool. International Organization. Vol. 55, No.2, pp. 441 – 468.

Hoyos R., Sarafidis V. (2006). Testing for Cross-Sectional Dependence in Panel-Data Models. The Stata Journal. Vol. 6, No. 4. Pp. 482 - 496.

Rui Xu, Don Wunsch. Clustering. Wiley-IEEE Press, 2009. Pp. 1-110.

Tabachnick, B. G., and Fidell, L. S. Using Multivariate Statistics, 6th ed. Boston: Allyn and Bacon. 2013, Pp. 377-438.

#### 11.3 Программные средства

Для успешного освоения дисциплины, студент использует программное обеспечение R.

#### 11.4 Дистанционная поддержка дисциплины

При выполнении домашних работ студентам рекомендуется пользоваться материалами

- Единого архива экономических и социологических данных НИУ ВШЭ (http://sophist.hse.ru/),
- Межуниверситетского консорциума по политическим и социальным исследованиям (ICPSR) (http://www.icpsr.umich.edu/icpsrweb/ICPSR/index.jsp),
- Проекта «Разработка учебно-методических материалов для преподавания курсов по применению количественного инструментария к решению социально-экономических задач» (http://www.hse.ru/jesda/mathbase/).



- World Development Indicators (World Bank) (http://library.hse.ru/e-resources/e-resources.html).
- World Values Survey (http://www.worldvaluessurvey.org/).
- Pocctat (http://www.gks.ru/).
- Resources to help you learn and use R. UCLA: Academic Technology Services, Statistical Consulting Group. (<a href="https://stats.idre.ucla.edu/other/dae/">https://stats.idre.ucla.edu/other/dae/</a>).

#### 12 Материально-техническое обеспечение дисциплины

Программное обеспечение для анализа данных: R. Возможно самостоятельное использование других программ: Stata, Python.